

Übung zur Vorlesung
Digitale Medien

Doris Hausen
Ludwig-Maximilians-Universität München
Wintersemester 2011/2012

LZW-Komprimierung (1)

Idee:

Nicht einzelne Zeichen werden günstig kodiert, sondern ganze Zeichenketten (*Wörterbuch-Kompression*).

Huffman: [a][b][c][d][a][b][c][d][a][b][c][d][a][b][c][d][d][d]

=> 18 Symbole

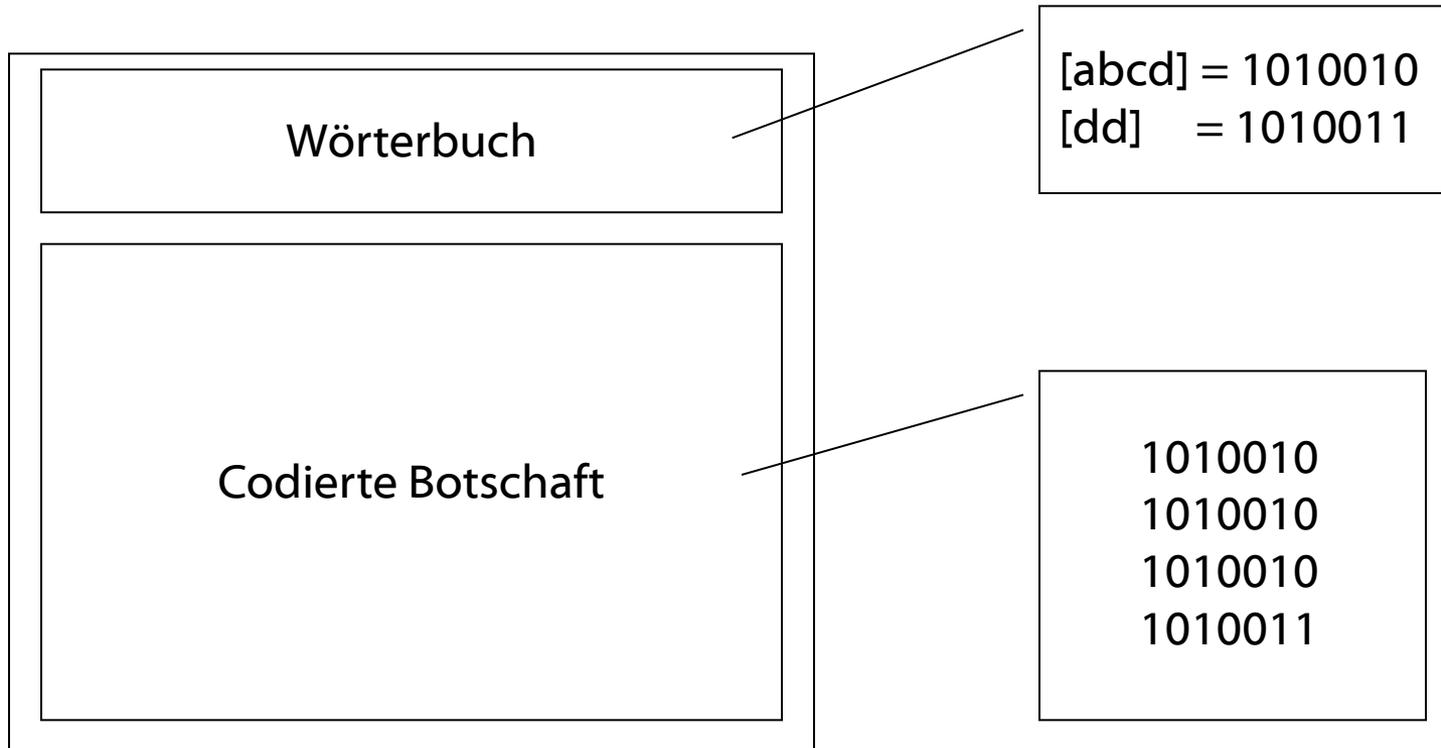
Wörterbuch: [abcd][abcd][abcd][abcd][dd]

=> 5 Symbole

Nachteil: Mehr Symbole nötig (jeder Eintrag ins Wörterbuch ist ein Symbol)

LZW-Komprimierung (2)

Weiterer Nachteil: Empfänger muss Wörterbuch kennen, um die Nachricht dekodieren zu können.



Aber: Muss das Wörterbuch wirklich mit übertragen werden?

Bei der LZW-Komprimierung wird das Wörterbuch *während* der Dekodierung aufgebaut!

LZW-Komprimierung (3)

Ausgegangen wird von einem Grundwörterbuch (z.B. ASCII-Code)

Algorithmus:

SeqChar p = < NächstesEingabezeichen >;

Char k = NächstesEingabezeichen;

Wiederhole:

Falls p & < k > in Tabelle enthalten

dann p = p & < k >

sonst trage p & <k> neu in Tabelle ein

 (und erzeuge neuen Index dafür);

 Schreibe Tabellenindex von p auf Ausgabe;

 p = < k >;

Ende Fallunterscheidung;

 k = NächstesEingabezeichen;

solange bis Eingabeende

Schreibe Tabellenindex von p auf Ausgabe;

a	97	h	104	o	111	v	118
b	98	i	105	p	112	w	119
c	99	j	106	q	113	x	120
d	100	k	107	r	114	y	121
e	101	l	108	s	115	z	122
f	102	m	109	t	116		
g	103	n	110	u	117		

LZW-Komprimierung (4)

Lesen (k)	Codetabelle schreiben (p & <k>)	Ausgabe	Puffer füllen (p)
			<l>
a	<la>, 256	108 (l)	<a>
b	<ab>, 257	97 (a)	
a	<ba>, 258	98 (b)	<a>
l	<al>, 259	97 (a)	<l>
a			<la>
		256 (la)	<>

SeqChar p = < NächstesEingabezeichen >;

Char k = NächstesEingabezeichen;

Wiederhole:

Falls p & <k> in Tabelle enthalten

dann p = p & <k>

sonst trage p & <k> neu in Tabelle ein

(und erzeuge neuen Index dafür);

Schreibe Tabellenindex von p auf Ausgabe;

p = <k>;

Ende Fallunterscheidung;

k = NächstesEingabezeichen;

solange bis Eingabeende

Schreibe Tabellenindex von p auf Ausgabe;

LZW-Komprimierung (5)

ballaballala

Lesen (k)	Codetabelle schreiben (p & <k>)	Ausgabe	Puffer füllen (p)

LZW-Komprimierung (6)

Lesen (k)	Codetabelle schreiben (p & <k>)	Ausgabe	Puffer füllen (p)
			
a	<ba>, 256	98 (b)	<a>
l	<al>, 257	97 (a)	<l>
l	<ll>, 258	108 (l)	<l>
a	<la>, 259	108 (l)	<a>
b	<ab>, 260	97 (a)	
a			<ba>
l	<bal>, 261	256 (ba)	<l>
l			<ll>
a	<lla>, 262	258 (ll)	<a>
l			<al>
a	<ala>, 263	257 (al)	<a>
		97 (a)	<>

Ergebnis: 98 – 97 – 108 – 108 – 97 – 256 – 258 – 257 - 97

LZW-Dekomprimierung (1)

Algorithmus zur Dekomprimierung:

SeqChar p := <>;

int k = NächsteEingabezahl;

Schreibe Zeichenreihe mit Tabellenindex k auf Ausgabe;

int old = k;

Wiederhole solange Eingabe nicht leer:

 k = NächsteEingabezahl;

SeqChar akt = Zeichenreihe mit Tabellenindex k;

 p = Zeichenreihe mit Tabellenindex old (letztes Teilwort);

Falls Index k in Tabelle enthalten

dann Char q = erstes Zeichen von akt;

 Schreibe Zeichenreihe akt auf Ausgabe;

sonst Char q = erstes Zeichen von p;

 Schreibe Zeichenreihe p & <q> auf Ausgabe;

Ende Fallunterscheidung;

 Trage p & <q> in Tabelle ein

 (und erzeuge neuen Index dafür);

 old = k;

Ende Wiederholung;

a	97	h	104	o	111	v	118
b	98	i	105	p	112	w	119
c	99	j	106	q	113	x	120
d	100	k	107	r	114	y	121
e	101	l	108	s	115	z	122
f	102	m	109	t	116		
g	103	n	110	u	117		

LZW-Dekomprimierung (2)

Lesen (k)	Ausgabe (q ist unterstrichen)	Puffer füllen (p)	Codetabelle (p & <q>)	Merken (old)
108	l			108
97	<u>a</u>	l	<la>, 256	97
98	<u>b</u>	a	<ab>, 257	98
97	<u>a</u>	b	<ba>, 258	97
256	<u>l</u> a	a	<al>, 259	256

SeqChar p := <>;

int k = NächsteEingabezahl;

Schreibe Zeichenreihe mit Tabellenindex k auf Ausgabe;

int old = k;

Wiederhole solange Eingabe nicht leer:

 k = NächsteEingabezahl;

SeqChar akt = Zeichenreihe mit Tabellenindex k;

 p = Zeichenreihe mit Tabellenindex old (letztes Teilwort);

Falls Index k in Tabelle enthalten

dann Char q = erstes Zeichen von akt;

 Schreibe Zeichenreihe akt auf Ausgabe;

sonst Char q = erstes Zeichen von p;

 Schreibe Zeichenreihe p & <q> auf Ausgabe;

Ende Fallunterscheidung;

 Trage p & <q> in Tabelle ein

 (und erzeuge neuen Index dafür);

 old = k;

Ende Wiederholung;

108 – 97 – 98 – 97 - 256

LZW-Dekomprimierung (3)

98 – 97 – 108 – 108 – 97 – 256 – 258 – 257 – 97

Lesen (k)	Ausgabe (q ist unterstrichen)	Puffer füllen (p)	Codetabelle (p & <q>)	Merken (old)

LZW-Dekomprimierung (4)

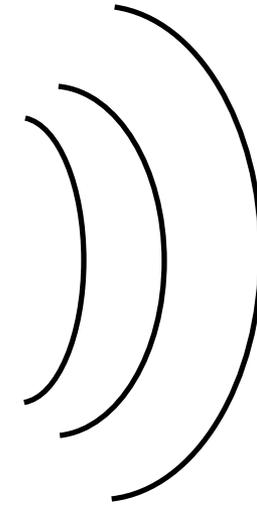
98 – 97 – 108 – 108 – 97 – 256 – 258 – 257 – 97

Lesen (k)	Ausgabe (q ist unterstrichen)	Puffer füllen (p)	Codetabelle (p & <q>)	Merken (old)
98	b			98
97	<u>a</u>	b	<ba>, 256	97
108	<u>l</u>	a	<al>, 257	108
108	<u>l</u>	l	<ll>, 258	108
97	<u>a</u>	l	<la>, 259	97
256	<u>ba</u>	a	<ab>, 260	256
258	<u>ll</u>	ba	<bal>, 261	258
257	<u>al</u>	ll	<lla>, 262	257
97	<u>a</u>	al	<ala>, 263	97

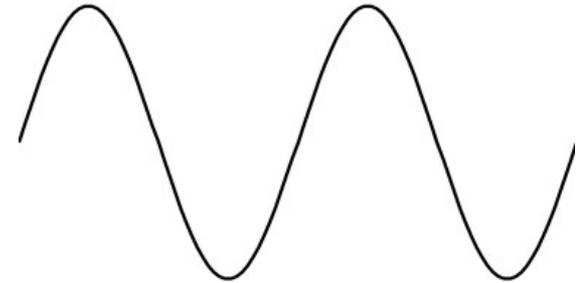
Ergebnis: ballaballala

Digitalisierung

physikalische Signale



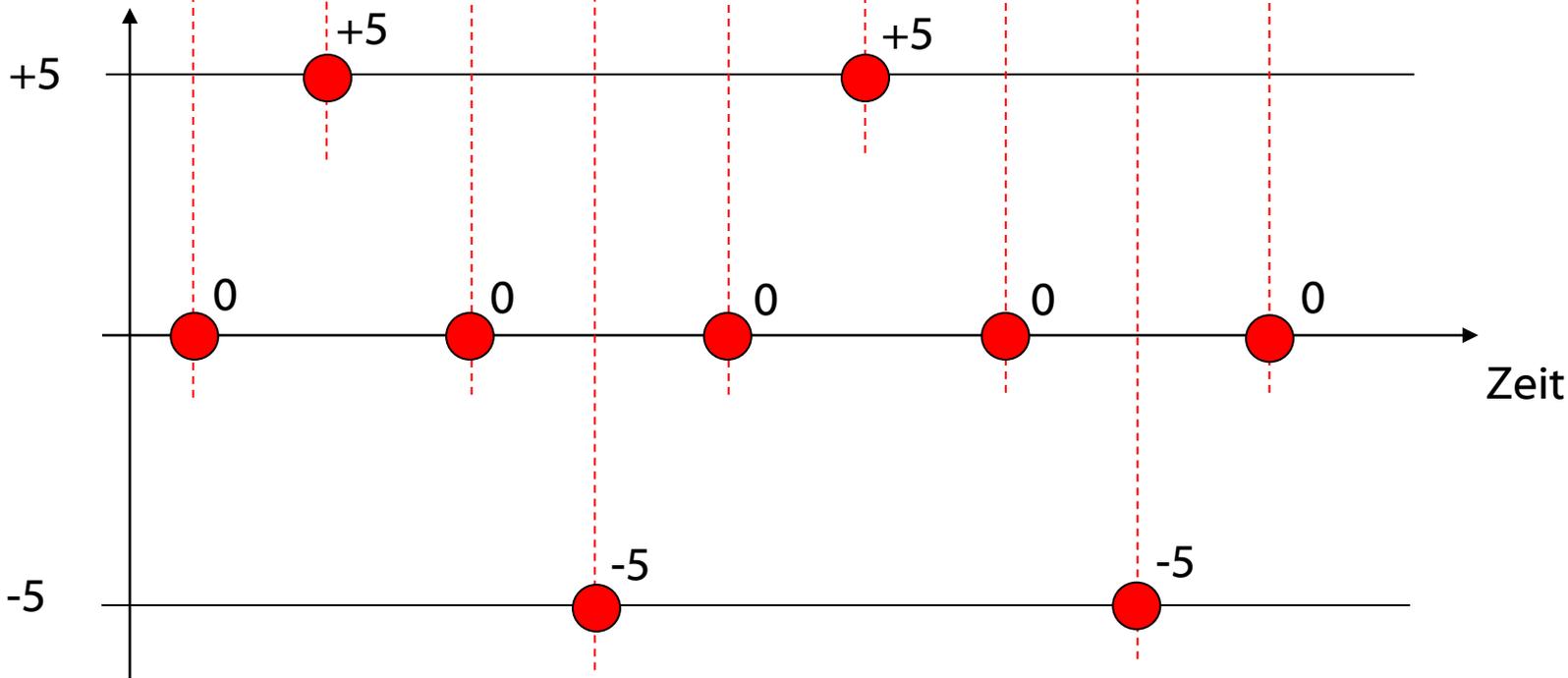
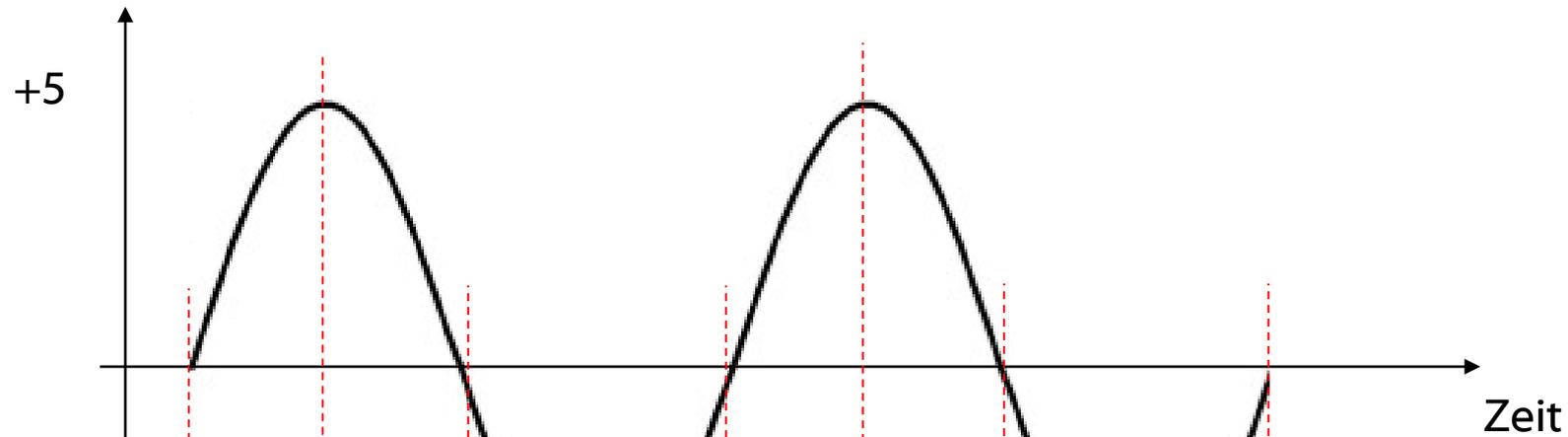
elektrische Signale



digitale Signale



10100100101111010111101



Wellen

Beispiele: Schallwellen, Wasserwellen,
Licht, Radiowellen

Eine Welle wird beschrieben durch:

A Amplitude (z.B. Lautstärke dB)
 c Ausbreitungsgeschwindigkeit
 f Frequenz
bzw.
 λ Wellenlänge (c / f)

Frequenz f wird in Hertz (Hz) gemessen.

1 Hz = 1 Schwingung / Sekunde

1 Kilohertz (kHz) = 1.000 Schwingungen / Sekunde

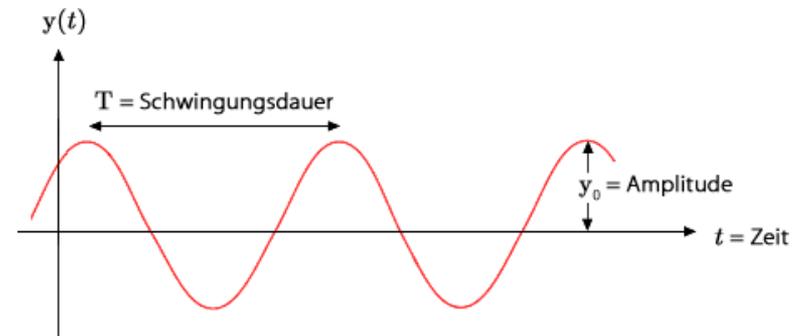
1 Megahertz (MHz) = 1.000.000 Schwingungen / Sekunde

...

Schwingungsdauer T ist die Zeit bis sich das Wellenmuster wiederholt.

Wenn eine periodische Welle einmal pro Sekunde schwingt ($T = 1$ sec), hat sie eine Frequenz von 1 Hz, bei 1.000 Schwingungen ($T = 0,001$ sec) 1 kHz, etc.

Allgemein: $f = 1 / T$ (mit T Schwingungsdauer in Sekunden und f Frequenz)



Frequenz Eselsbrücke:

Das Herz eines Erwachsenen schlägt ca. 60 mal pro Minute.

D.h. ca. 1 mal pro Sekunde.

Damit hat es eine Frequenz von 1 Hz.

Umrechnung

...von Schwingungsdauer und Frequenz

Welle mit Schwingungsdauer $T = 2 \text{ ms}$. Wie hoch ist die Frequenz f ?

$$T = 2 \text{ ms} = 2 * 10^{-3} \text{ s} = 0,002 \text{ s}$$

$$f = 1 / T = 1 / 0,002 = 500 \text{ Hz}$$

Welle mit Frequenz $f = 500 \text{ MHz}$. Bestimme Schwingungsdauer T .

$$f = 500 \text{ MHz} = 500.000.000 \text{ Hz}$$

$$f = 1 / T \quad \Rightarrow \quad T = 1 / f$$

$$T = 1 / 500.000.000 \text{ Hz} = 0,000000002 \text{ s} = 0,000002 \text{ ms} = 0,002 \text{ } \mu\text{s}$$

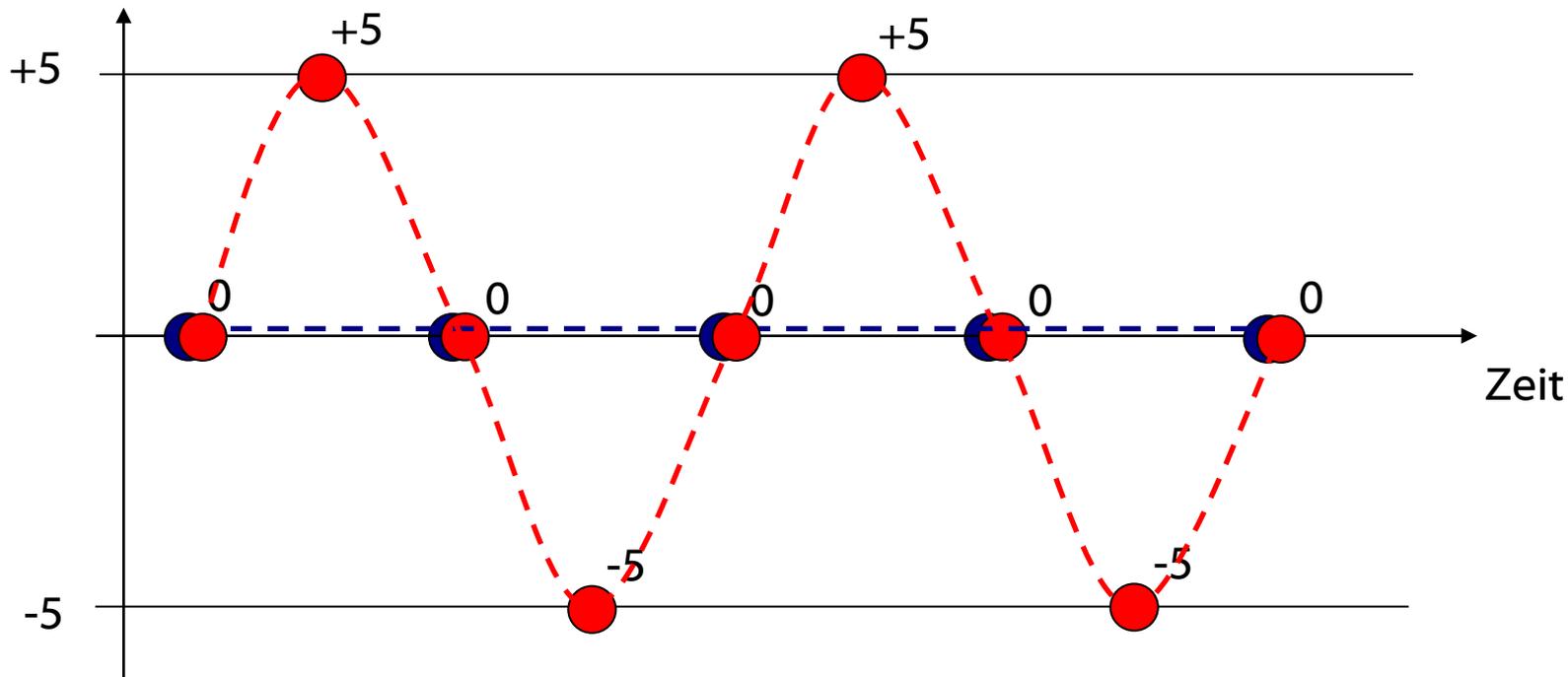
1 Millisekunde (ms) =

$1 * 10^{-3}$ Sekunden = 0,001 Sekunden

1 Mikrosekunde (μs) =

$1 * 10^{-6}$ Sekunden = 0,000001 Sekunden

Nyquist Theorem



Aus den Samples wird versucht, das Originalsignal zu rekonstruieren.
Je höher die Abtastrate desto besser die Rekonstruktion.

Doppelte Frequenz der Welle (blau) reicht nicht!
Abtastrate f_A muss größer als die doppelte Frequenz f sein:

$$f_A > 2 * f \quad (\text{Nyquist-Theorem})$$

z.B. Audio-CD: Frequenz f maximal 20 kHz, Abtastrate 44,1 kHz